

Corrigé billard

Conservation de la quantité de mouvement :

$$m_1 \vec{V}'_1 + m_2 \vec{V}'_2 = m_1 \vec{V}_1 + m_2 \vec{V}_2$$

Conservation de l'énergie cinétique :

$$\frac{1}{2} m_1 V'_1^2 + \frac{1}{2} m_2 V'_2^2 = \frac{1}{2} m_1 V_1^2 + \frac{1}{2} m_2 V_2^2$$

Avec $m_1 = m_2$ et $V_2 = 0$

$$\vec{V}'_1 + \vec{V}'_2 = \vec{V}_1 \quad (1) \quad \text{ce qui donne au carré : } V'_1^2 + V'_2^2 + 2 \vec{V}'_1 \cdot \vec{V}'_2 = V_1^2$$

$$\text{Or } V'_1^2 + V'_2^2 = V_1^2 \quad (2)$$

Donc $\vec{V}'_1 \cdot \vec{V}'_2 = 0 \quad (3)$ les deux vecteur sont donc **perpendiculaires**.

D'autre part d'après (1) : $(\vec{V}'_1 + \vec{V}'_2) \cdot \vec{V}'_1 = \vec{V}_1 \cdot \vec{V}'_1$

ce qui donne avec (3) $V'_1^2 = V_1 V'_1 \cos \theta_1$ donc $V'_1 = V_1 \cos \theta_1$

De même en multipliant (1) par \vec{V}'_2 on obtient : $V'_2 = V_1 \cos \theta_2$

Première situation : « visée pleine bille ». $\mathbf{b} = 0$

Donc $\cos \theta_1 = 0$ donc $V'_1 = 0$

alors $\theta_1 = \pi/2$ et donc $\theta_2 = 0$ donc $\cos \theta_2 = 1$ et alors $V'_2 = V_1$

Deuxième situation : « visée demi-bille ». $\mathbf{b} = R$

Donc $\cos \theta_1 = 1/2$ donc $\theta_1 = \pi/3 = 60$ degrés et $\theta_2 = \pi/2 - \pi/3 = \pi/6 = 30$ degrés et donc $V'_1 = V_1/2$ et $V'_2 = V_1 \sqrt{3}/2$.

Troisième situation : « visée finesse ». $\mathbf{b} \approx 2R$.

Alors $\cos \theta_1 \approx 1$ donc $\theta_1 \approx 0$ et $\theta_2 \approx \pi/2$ et donc $V'_1 \approx V_1$ et $V'_2 \approx 0$